



الحل النموذجي لامتحان الدورة العادية للسداسي الرابع 2024/2023

مقاييس: أساسيات بحوث العمليات

التمرين الأول (7 نقاط)

(1) متغيرات القرار:

x_1 : عدد الطلبة (الذكور) المقبولين في الماستر تخصص إدارة الأعمال (0.50 ن)

x_2 : عدد الطالبات (الإناث) المقبولين في الماستر تخصص إدارة الأعمال (0.50 ن)

$$MinZ = (6 * 200)x_1 + (6 * 200)x_2 \quad \text{دالة الهدف:} \quad (2)$$

$$MinZ = 1200x_1 + 1200x_2 \quad (1 \text{ ن}) \quad (1)$$

القيود: (3)

قييد عدد الطلبة الإجمالي (ذكور+إناث) المسجلين في الماستر تخصص إدارة الأعمال

$$\text{الاجمالي الطلبة عدد } 600 \quad x_1 + x_2 = 600 \quad (0.75) \quad (1)$$

$$\text{قييد عدد الطالبات في المبني 2000: } x_2 \geq 40 \quad (0.75) \quad (1)$$

$$\text{قييد عدد الطلبة في المبني 2000: } x_1 \leq 50 \quad (0.75) \quad (1)$$

$$\text{قييد عدد الطلبة في مبني 1000: } x_1 \geq 60 \quad (0.75) \quad (1)$$

$$\text{قييد عدد الطلبة في اليوم في المبني 2000 و المبني 1000: } x_1 \leq 90 \quad (0.75) \quad (1)$$

$$\text{قييد عدد الطلبة في اليوم في المبني 2000 و المبني 1000: } x_2 \leq 90 \quad (0.75) \quad (1)$$

$$\text{شرط عدم السلبية: } x_1, x_2 \geq 0 \quad (0.5) \quad (1)$$

وعليه يكون البرنامج الرياضي الخطى كالتالى:

$$MinZ = 1200x_1 + 1200x_2$$

$$S/C \left\{ \begin{array}{l} x_1 + x_2 = 600 \\ x_2 \geq 40 \\ x_1 \leq 50 \\ x_1 \geq 60 \\ x_1 \leq 90 \\ x_2 \leq 90 \\ x_1, x_2 \geq 0 \end{array} \right.$$

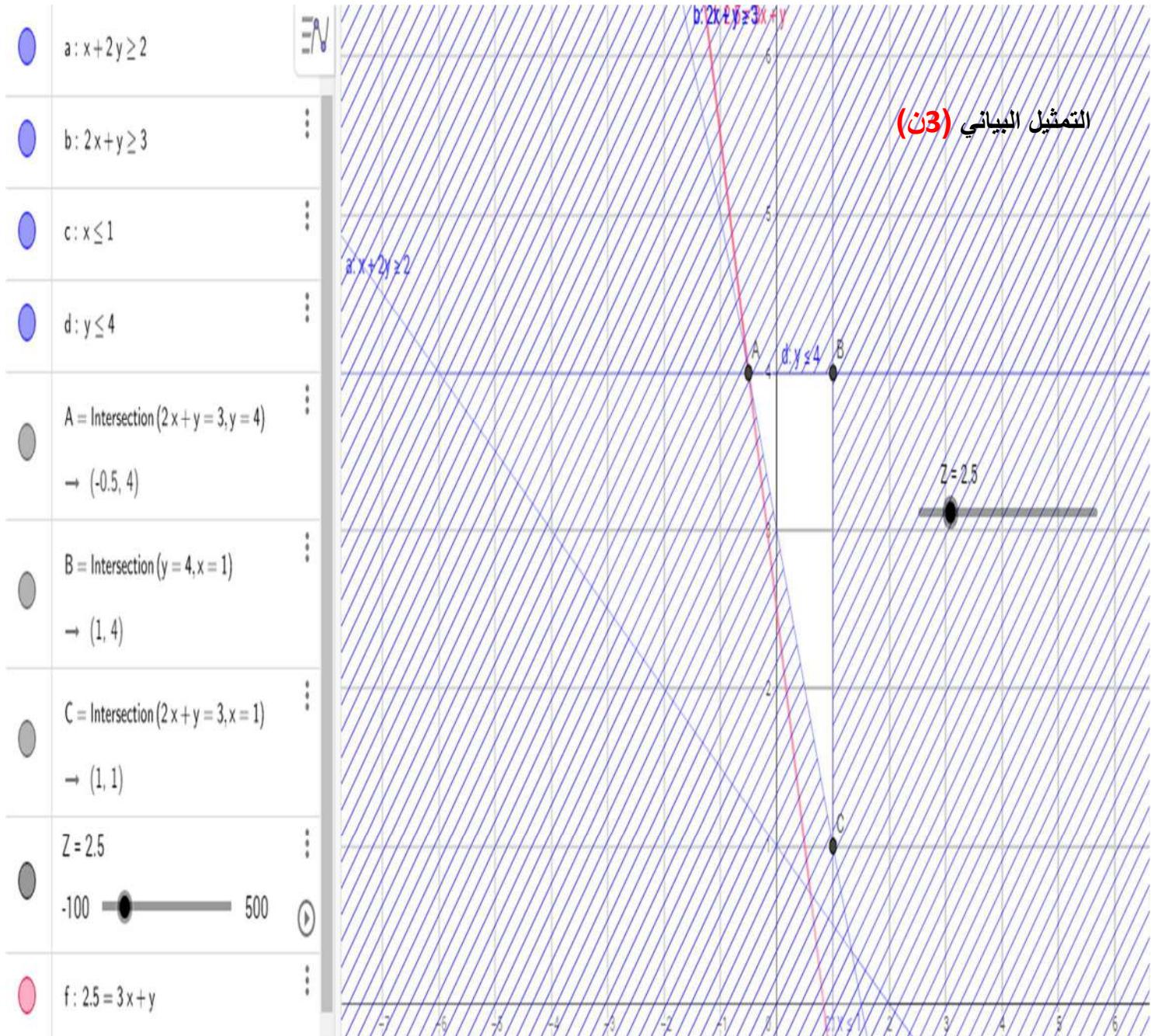


التمرين الثاني (7 نقاط) : الحل البياني

$$\text{Min } Z = 3X_1 + X_2$$

$$S/C \begin{cases} x_1 + 2x_2 \geq 2 \\ 2x_1 + x_2 \geq 3 \\ x_1 \leq 1 \\ x_2 \leq 4 \\ x_1, x_2 \geq 0 \\ \text{غ} \end{cases}$$

جدول النقاط المساعدة للرسم		
المعادلات	x_1	x_2
$x_1 + 2x_2 = 2$ (ن0.5)	0	1
	2	0
$2x_1 + x_2 = 3$ (ن0.5)	0	3
	3/2	0
$x_1 = 1$ (ن0.5)	1	2
	1	0
$x_2 = 4$ (ن0.5)	1	4
	2	4
$Z = 3X_1 + X_2 = 0$ (ن1)	0	0
	-1	3



بعد رسم كل معادلة على حدة، نقوم بتحديد المنطقة المقبولة بالنسبة لكل متراجحة ونشطب المنطقة المرفوضة وبالتالي تتحصل على منطقة الحلول الممكنة، أقل قيمة لدالة الهدف وهو الحل الأمثل ($x_1^* = -1/2, x_2^* = 4, Z^* = 2.5$). وهذا معناه أنه عند النقطة تتحقق أقل قيمة ممكنة لدالة الهدف، فإن الحل الأمثل يساوي $Z=2.5$. (1)

التمرين الثالث (7 نقاط): حل البرنامج الرياضي التالي باستخدام M الكبيرة (La méthode du Big M)

كتابة البرنامج على الشكل القانوني:

$$MinZ = 5X_1 + 7X_2 + M\sum y_i$$

$$S/C \left\{ \begin{array}{l} x_1 + 2x_2 + y_1 = 50 \\ x_1 - s_2 + y_2 = 20 \\ x_2 + s_3 = 20 \\ x_1, x_2 \geq 0 \\ s_2, s_3 \geq 0 \\ y_1, y_2 \geq 0 \end{array} \right.$$

متغيرات القرار
متغيرات الفجوة
متغيرات اصطناعية

$$Z = 5X_1 + 7X_2 + M\sum y_i$$

$$y_1 = 50 - x_1 - 2x_2$$

$$y_2 = 20 - x_1 + s_2$$

$$y_1 + y_2 = 70 - 2x_1 - 2x_2 + s_2$$

$$Z = 5X_1 + 7X_2 + M(70 - 2x_1 - 2x_2 + s_2)$$

$$Z = (5 - 2M)X_1 + (7 - 2M)X_2 + M s_2 + 70 M$$

$$(1) Z + (2M - 5)X_1 + (2M - 7)X_2 - M s_2 = 70 M$$

المتغير الداخلي

الجدول الأول :

عنصر الارتكاز

<i>VHB</i>	<i>X₁</i>	<i>X₂</i>	<i>s₂</i>	<i>s₃</i>	<i>y₁</i>	<i>y₂</i>	<i>b_i</i>	<i>b_i/a_{ij}</i>
<i>VB</i>								
<i>y₁</i>	1	2	0	0	1	0	50	50
<i>y₂</i>	1	0	-1	0	0	1	20	50
<i>s₃</i>	0	1	0	1	0	0	20	/
<i>Z_j - C_j</i>	$2M - 5$	$2M - 7$	$-M$	0	0	0	$70M$	/

المتغير الخارج

الجدول الثاني: (1.5)

المتغير الداخل VE

عنصر الارتكاز Pivot

المتغير الخارج VS

VHB	x_1	x_2	s_2	s_3	y_1	b_i	b_i/a_{ij}
VB							
y_1	0	2	-1	0	1	30	15
x_1	1	0	-1	0	0	20	/
s_3	0	1	0	1	0	20	20
$Z_j - C_j$	0	$2M - 7$	$M - 5$	0	0	$30M - 100$	

الجدول الثالث: (1.5)

VHB	x_1	x_2	s_2	s_3	b_i
VB					
x_2	0	1	$1/2$	0	15
x_1	1	0	-1	0	20
s_3	0	0	$-1/2$	1	5
$Z_j - C_j$	0	0	$-3/2$	0	205

نلاحظ أن شرط الأمثلية متحقق وهو $0 \leq Z_j - C_j$ وهو ما يعني أن الحل الأمثل هو:

$$x_1^* = 20, \quad x_2^* = 15, \quad s_2^* = 0, \quad s_3^* = 5, \quad Z^* = 205$$